

# Секция 1. АЛГЕБРА И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ ЛОГИКА

## О доминионах в многообразии метабелевых групп

*А.И. Будкин*

*АлтГУ, г. Барнаул*

Через  $N$  условимся обозначать класс метабелевых групп,  $Q$  – аддитивная группа рациональных чисел.

**Теорема.** Пусть  $G$  из  $N$ . Предположим, что  $G$  содержит  $Q$  и порождается по модулю  $Q$  одним элементом (т.е.  $G = \langle Q, a \rangle$ ). Пусть еще  $Q$  содержится в коммутанте группы  $G$ , нормальное замыкание  $M$  подгруппы  $Q$  в  $G$  – группа без кручения и никакая ненулевая степень элемента  $a$  не содержится в  $M$ . Пусть  $C$  – свободное произведение в классе  $N$  группы  $G$  на  $G$  с объединенной подгруппой  $Q$ . Тогда пересечение этих свободных сомножителей группы  $C$  совпадает с  $Q$ .

## Континуальная серия накрытий в решетке многообразий $\ell$ -групп

*Н.В. Баянова*

*АлтГУ, г. Барнаул*

В [1] доказано, что на свободной двупорожденной группе  $F_2$  по произвольной последовательности  $s$  из  $\pm 1$  может быть определен порядок, превращающий  $F_2$  в линейно упорядоченную группу. Под  $F_s$  понимаем  $F_2$  с таким линейным порядком,  $\text{var}(F_s)$  – многообразие решеточно упорядоченных групп ( $\ell$ -групп), порожденное группой  $F_s$ . В той же работе доказано существование несчетного множества  $o$ -аппроксимируемых неразрешимых накрытий многообразия абелевых  $\ell$ -групп  $A$ . Каждое такое накрытие порождается некоторой неабелевой линейно упорядоченной группой  $H_s \in \text{var}(F_s)$ . Позднее Д. Бергманом (персональное сообщение) было показано, что таких накрытий в точности континуум. Так как  $H_s$  – неабелева группа, то существуют элементы  $c, d \in H_s$  такие, что  $[c, d] \neq e$ . Обозначим

$a = \llbracket c, d \rrbracket$ ,  $b = |c| \vee |d|$ . Очевидно, что  $H_s^* = gp(a, b)$  – неабелева группа, в которой  $b \gg a > e$  и  $\text{var}(H_s) = \text{var}(H_s^*)$ .

Пусть  $G = \overline{H\bar{\lambda}}(y)$  –  $\ell$ -группа, являющаяся лексикографическим расширением  $\ell$ -группы  $H$  с помощью бесконечной циклической группы  $(y)$ . Через  $D_2(G)$  [2] обозначим лексикографическое расширение  $H_1 \times H_2$  с помощью бесконечной циклической группы  $(t)$ , где  $t^{-1}(h_1, h_2)t = (h_2^y, h_1)$  и  $H_i \cong H$  ( $i = 1, 2$ ).

Считаем,  $x = t^k(h_1, h_2) \geq e$  в  $D_2(G)$ , если  $k > 0$  либо  $k = 0$  и в  $h_i \geq e$  ( $i = 1, 2$ ) в  $G$ . Указанная конструкция применима к группе  $H_s^*$ .

В работе [3] найдено многообразие  $\ell$ -групп  $V$ , содержащее все о-аппроксимируемые накрытия многообразия абелевых  $\ell$ -групп  $A$ . Через  $A^2$  обозначим многообразие метабелевых  $\ell$ -групп.

Справедлива следующая

**Теорема.** В решетке  $L$  многообразий  $\ell$ -групп для любого многообразия  $X$  такого, что  $A^2 \cap V \subseteq X \subseteq V$  1) многообразие  $X \vee \text{var}(D_2(H_s^*))$  содержит накрытие многообразия  $X$ ; 2) все эти накрытия различны.

### Библиографический список

1. Holland Ch. A very large class of small varieties of lattice-ordered groups // Comm. Algebra. – 1994. – 22(2). – P. 551–578.
2. Darnel M.R. Varieties minimal over representable varieties of lattice-ordered groups // Comm. Algebra. – 1993. – 21. – P. 2637–2667.
3. Медведев Н.Я. О решетке о-аппроксимируемых  $\ell$ -многообразий // Czech. Math. J. – 1984. – 34. – С. 6–17.

## О двух версиях метарекурсии

*А.Н. Гамова*

*СаратовГУ, г. Саратов*

Условия совпадения двух версий метарекурсии [1,2] на допустимом ординале  $|T(\mathfrak{Z})|$  с регулярным и слабо фундированным оракулом  $\mathfrak{Z}$  рассмотрены в [3]. Для произвольных оракулов  $\mathfrak{Z}$  это проблематично.