

Секция 1. АЛГЕБРА И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ ЛОГИКА

О доминионах в многообразии метабелевых групп

А.И. Будкин

АлтГУ, г. Барнаул

Через N условимся обозначать класс метабелевых групп, Q – аддитивная группа рациональных чисел.

Теорема. Пусть G из N . Предположим, что G содержит Q и порождается по модулю Q одним элементом (т.е. $G = \langle Q, a \rangle$). Пусть еще Q содержится в коммутанте группы G , нормальное замыкание M подгруппы Q в G – группа без кручения и никакая ненулевая степень элемента a не содержится в M . Пусть C – свободное произведение в классе N группы G на G с объединенной подгруппой Q . Тогда пересечение этих свободных сомножителей группы C совпадает с Q .

Континуальная серия накрытий в решетке многообразий ℓ -групп

Н.В. Баянова

АлтГУ, г. Барнаул

В [1] доказано, что на свободной двупорожденной группе F_2 по произвольной последовательности s из ± 1 может быть определен порядок, превращающий F_2 в линейно упорядоченную группу. Под F_s понимаем F_2 с таким линейным порядком, $\text{var}(F_s)$ – многообразие решеточно упорядоченных групп (ℓ -групп), порожденное группой F_s . В той же работе доказано существование несчетного множества o -аппроксимируемых неразрешимых накрытий многообразия абелевых ℓ -групп A . Каждое такое накрытие порождается некоторой неабелевой линейно упорядоченной группой $H_s \in \text{var}(F_s)$. Позднее Д. Бергманом (персональное сообщение) было показано, что таких накрытий в точности континуум. Так как H_s – неабелева группа, то существуют элементы $c, d \in H_s$ такие, что $[c, d] \neq e$. Обозначим

$a = \llbracket c, d \rrbracket$, $b = |c| \vee |d|$. Очевидно, что $H_s^* = gp(a, b)$ – неабелева группа, в которой $b \gg a > e$ и $\text{var}(H_s) = \text{var}(H_s^*)$.

Пусть $G = \overline{H\lambda}(y)$ – ℓ -группа, являющаяся лексикографическим расширением ℓ -группы H с помощью бесконечной циклической группы (y) . Через $D_2(G)$ [2] обозначим лексикографическое расширение $H_1 \times H_2$ с помощью бесконечной циклической группы (t) , где $t^{-1}(h_1, h_2)t = (h_2^y, h_1)$ и $H_i \cong H$ ($i = 1, 2$).

Считаем, $x = t^k(h_1, h_2) \geq e$ в $D_2(G)$, если $k > 0$ либо $k = 0$ и в $h_i \geq e$ ($i = 1, 2$) в G . Указанная конструкция применима к группе H_s^* .

В работе [3] найдено многообразие ℓ -групп V , содержащее все о-аппроксимируемые накрытия многообразия абелевых ℓ -групп A . Через A^2 обозначим многообразие метабелевых ℓ -групп.

Справедлива следующая

Теорема. В решетке L многообразий ℓ -групп для любого многообразия X такого, что $A^2 \cap V \subseteq X \subseteq V$ 1) многообразие $X \vee \text{var}(D_2(H_s^*))$ содержит накрытие многообразия X ; 2) все эти накрытия различны.

Библиографический список

1. Holland Ch. A very large class of small varieties of lattice-ordered groups // Comm. Algebra. – 1994. – 22(2). – P. 551–578.
2. Darnel M.R. Varieties minimal over representable varieties of lattice-ordered groups // Comm. Algebra. – 1993. – 21. – P. 2637–2667.
3. Медведев Н.Я. О решетке о-аппроксимируемых ℓ -многообразий // Czech. Math. J. – 1984. – 34. – С. 6–17.

О двух версиях метарекурсии

А.Н. Гамова

СаратовГУ, г. Саратов

Условия совпадения двух версий метарекурсии [1,2] на допустимом ординале $|T(\mathfrak{Z})|$ с регулярным и слабо фундированным оракулом \mathfrak{Z} рассмотрены в [3]. Для произвольных оракулов \mathfrak{Z} это проблематично.