

1) разберитесь, что дано в условии, как эти данные преобразуются (по каким правилам). Выделите причинно-следственные связи. Если связь не ясна, обратитесь к повторению используемых в тексте понятий;

2) выделите центральную идею фрагмента и вспомогательные результаты;

3) разберитесь в значении каждого используемого знака или символа, проговорите значения или изобразите графически смысл используемых знаков и символов;

4) выясните, развитие какого понятия происходит при чтении этого фрагмента. Какие новые отношения между известными понятиями Вы узнали.

III. Коммуникативный этап.

1) перескажите фрагмент прочитанного текста своими словами;

2) объясните вслух, что Вам осталось непонятным;

3) сформулируйте вопрос и задайте его преподавателю.

IV. Рефлексивный этап.

После проведенного анализа текста оцените: помог ли Вам этот анализ лучше понять прочитанный фрагмент.

## **Геометрия комплексной плоскости как ключ решения геометрических задач (студенческий факультатив)**

***Е.А. Плотникова, А.Н. Саженов, Т.В. Саженова**  
НГТУ, г. Новосибирск, АлтГУ, г. Барнаул*

Широкий круг задач элементарной геометрии, наряду с геометрическим решением, допускает аналитическое решение с достаточно простыми вычислениями. Трудности формализации аналитического подхода, особенно в задачах с окружностями, успешно решаются с помощью комплексных чисел. Работая в евклидовой плоскости, где точки – это комплексные числа, с помощью формулы Эйлера и тригонометрических средств удается осуществлять очень разнообразные исследования геометрических объектов. Такой подход позволяет провести весьма элегантные доказательства ряда классических теорем геометрии:

Ньютона. *В описанном около окружности четырехугольнике середины диагоналей и центр окружностей лежат на одной прямой;*

Паскаля. *Точки пересечения прямых, содержащих противоположные стороны вписанного шестиугольника, лежат на одной прямой;* и др.

Геометрия комплексной плоскости может служить мощным орудием в решении сложных олимпиадных задач.

К примеру, ее методами успешно решается задача XVII международной математической олимпиады: дан произвольный треугольник  $ABC$ , во внешнюю сторону построены треугольники  $ARB$ ,  $BPC$  и  $CQA$  так, что углы  $RAB$  и  $RBA$  равны  $15$  градусам, углы  $PCB$  и  $QCA$  –  $30$  градусам, а углы  $PBC$  и  $QAC$  –  $45$  градусам. Докажите, что треугольник  $PRQ$  – прямоугольный и равнобедренный;

или задача 19 математического турнира городов:  $ABCD$  – четырехугольник. Точка  $M$  такова, что треугольники  $AMB$  и  $CMD$  – равнобедренные ( $AM=MB$ ,  $CM=MD$ ) и у каждого угол при вершине  $M$  равен  $120$  градусам.

Докажите, что найдется точка  $N$  такая, что треугольники  $BND$  и  $DNA$  – правильные.

#### Библиографический список

1. Тонов И.К. Комплексные числа. – София, 1979.
2. Тихомиров В.М. Олимпиады и геометрия // Математическое просвещение. – 1997. – Вып. 1. – С. 24–47.
3. Мальцев Ю.Н., Саженов А.Н. Олимпиадные задачи по математике (Реши+Если=Силен). – Барнаул: Изд-во «День», 1994.

### Некоторые аспекты преподавания курса «Высшей математики» на гуманитарных направлениях

*Е.А. Плотникова*  
НГТУ, г. Новосибирск

Помимо того, что «Высшая математика» служит фундаментом технических, естественнонаучных и экономических наук, при современном возрастании в жизни общества значения компьютеризации и информационных технологий нарастает и тенденция все большей ее востребованности в образовании гуманитариев: социологов, психологов, юристов и т.п.

Специалистам в этих областях человеческой деятельности необходимы знания, которые в последующем позволят осуществлять математическое моделирование реальных объектов и процессов, численное исследование полученных модулей, вероятностно-статистическую обработку данных и т.п.

При обучении высшей математике студентов гуманитарных направлений приходится учитывать как соответствующий уровень на-