### МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РФ АЛТАЙСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

С.С. Кузиков, А.А. Папин

# МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ГИДРОДИНАМИЧЕСКИХ ПРОЦЕССОВ ВОДОХРАНИЛИЩА

Монография



#### УДК 517.95 + 532.546 К89

#### Рецензенты:

доктор технических наук, профессор H.M. Оскорбин; доктор физико-математических наук, профессор  $E.\mathcal{A}.$  Родионов

#### К89 Кузиков, С.С.

Математическое моделирование гидродинамических процессов водохранилища [Текст] : монография / С.С. Кузиков, А.А. Папин. — Барнаул : Изд-во Алт. ун-та, 2014. —  $108~\rm c$ . ISBN 978-5-7904-1773-3

Монография посвящена исследованию гидродинамического режима водохранилища, включающего в себя процесс тепломассопереноса как в самом водохранилище, так и в подземных водах. Предложены и реализованы численные методы, позволяющие проследить сезонную динамику этих процессов.

Предназначено для студентов, аспирантов и специалистов, интересующихся теорий дифференциальных уравнений, численных методов и их приложениями в механике сплошной среды и экологии.

УДК 517.95 + 532.546

Настоящее издание опубликовано в рамках реализации Программы стратегического развития Алтайского государственного университета

ISBN 978-5-7904-1773-3

- © Кузиков С.С., Папин А.А., 2014
- © Оформление. Издательство Алтайского государственного университета, 2014

## Оглавление

$\mathbf{B}$	ведеі	ние	3			
1	РАСЧЕТ ГИДРОДИНАМИЧЕСКОГО РЕЖИМА ВОДОХРАНИЛИЩА					
		·	8			
	1.1.	Разработка численного алгоритма для краевых				
		задач для системы уравнений, описывающей	8			
	1.0	течение стратифицированной жидкости	0			
	1.2.	Постановка задачи о неустановившемся	22			
	1.0	стратифицированном течении в водохранилище				
	1.3.	Разностная аппроксимация краевой задачи	24			
	1.4.	Определение ширины реки в произвольной				
		точке продольного среза ее ложа по данным				
		таблиц поперечных срезов	31			
	1.5.	Результаты численных расчетов	33			
	1.6.	Заключение	39			
2	ЗАДАЧА ФИЛЬТРАЦИИ ГРУНТОВЫХ ВОД					
	B E	ОДОХРАНИЛИЩЕ	40			
	2.1.	Постановка задачи	40			
	2.2.	Алгоритм решения задачи	44			
	2.3.	Применение метода конечных элементов	45			
	2.4.	Численная реализация	50			
	2.5.	Результаты расчетов	57			
	2.6.	Расчет свободной границы в задаче вертикальной филь-				
		трации с изменяющимся уровнем воды в водохранилище .	65			
		2.6.1. Постановка задачи	65			
		2.6.2. Аппроксимация свободной границы	66			

	2.6.3.	Задача равномерного заполнения водохранилища	
		без промежутка высачивания	67
	2.6.4.	Разностная схема	69
	2.6.5.	Тестовая задача	72
2.7.	Оценк	а величины ежегодного выноса солей	
	из бер	егов водохранилища	72
	2.7.1.	Исходные данные	73
	2.7.2.	Опытные данные	73
	2.7.3.	Средние значения коэффициента фильтрации,	
		пористости и гидравлического уклона	74
	2.7.4.	Оценка ежегодного стока грунтовых вод	
		в водохранилище без учета фильтрации	77
	2.7.5.	Балансовые соотношения	77
	2.7.6.	Оценка стока без учета инфильтрации $(\varepsilon=0)$	81
	2.7.7.	Учет инфильтрации	84
2.8.	Профі	ильная задача массопереноса в системе грунтовых вод	85
	2.8.1.	Метод Галеркина на основе метода конечных эле-	
		ментов для решения задачи о нахождении пьезомет-	
		рических напоров	86
	2.8.2.	Результаты численных расчетов	89
2.9.	Заклю	рчение	96
	orna do	ический список	97

#### Научное издание

### Кузиков Сергей Семенович Папин Александр Алексеевич

# МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ГИДРОДИНАМИЧЕСКИХ ПРОЦЕССОВ ВОДОХРАНИЛИЩА

Монография

Редактор  $\Pi$ .И. Базина Подготовка оригинал-макета B.А.  $\Gamma$ оман

Издательская лицензия  $\Pi P$  020261 от 14.01.1997

Подписано в печать 26.12.2014 Формат  $60\times84/16$ . Бумага офсетная. Печать офсетная. Усл. печ. л. 6,35. Тираж 100. экз. Заказ 486.

Типография Алтайского государственного университета: 656049, Барнаул, ул. Димитрова, 66