

**Предложение 2.** Пусть  $R$  – кольцо, такое, что  $\Gamma(R) = K_{n,m}$ . Тогда либо кольцо  $R$  редуцированное, либо  $\Gamma(R) = K_{1,m}$ .

**Следствие 3.** Пусть  $R$  – конечное коммутативное кольцо.  $\Gamma(R) = K_{n,m}$  тогда и только тогда, когда  $R \cong GF(q_1) \oplus GF(q_2)$ , где  $GF(q_1)$  и  $GF(q_2)$  – конечные поля.

Кроме того, ряд результатов, доказанных в [1] для коммутативного кольца, в настоящей работе обобщен на случай произвольного кольца.

### Литература

1. Anderson D.F., Livingston P.S. The Zero-Divisor Graph of a Commutative Ring // Communications in algebra. – 1998. – 26(7). – P. 2265–2272.
2. Beck I. Coloring of Commutative Rings // Journal of Algebra. – 1986. – 116. – pp.208–226.
3. Оре О. Теория графов: Пер. с англ. / Под ред. Н.Н. Воробьева. – 2-е изд., стереотип. – М.: Наука, 1980. – 336 с.
4. Харари Ф. Теория графов: Пер. с англ. / Под ред. Г.П. Гаврилова. – 2-е изд. – М.: Едиториал УРСС, 2003. – 296 с.

## Интерпретация арифметики в решетке идеалов $LF$

*О.А. Курылёва*  
АлтГУ, Барнаул

В работе [1] построена интерпретация арифметики в решетке идеалов свободной векторной решетки с тремя порождающими. В настоящей работе получено обобщение данного результата:

Теорема 1: Модель  $\mathbb{N}$  положительных целых чисел относительно элементарно интерпретируется в решетке идеалов  $LF_n$  свободной векторной решетки с  $n$  порождающими для любого  $n \geq 3$ .

В доказательстве теоремы использован метод Ю.Л. Ершова относительно элементарной определимости [2], описание идеалов свободной векторной решетки, полученное в работах [1] и [3] и идеи работы А. Гжегорчика [4].

Следствие 1: Элементарная теория решетки идеалов  $LF_n$  свободной векторной решетки наследственно неразрешима для любого  $n \geq 3$ .

### Литература

1. Медведев Н.Я. Элементарная теория решеток  $l$ -идеалов абелевых  $l$ -групп // Алгебра и логика. 44. №5 (2005). – С. 540–559.
2. Ершов Ю.Л. Проблемы разрешимости и конструктивные модели. – М.: Наука, 1980. – 416 с.
3. Panti G. Prime ideals in free  $l$ -groups and free vector lattices. J. Algebra, 219 (1999). – P. 173–200.
4. Grzegorzcyk A. Undecidability of some topological theories. Fund. Math., 38 (1951). – P. 137–152.

## Квазимногообразие Леви

*В.В. Лодейщикова*

*АлтГУ, г. Барнаул*

Для произвольного класса  $M$  групп обозначим через  $L(M)$  класс всех групп  $G$ , в которых нормальное замыкание  $(x)^G$  любого элемента  $x$  из  $G$  принадлежит  $M$ . Класс  $L(M)$  называется классом Леви, порожденным  $M$ . Известно [1], что если  $M$  – квазимногообразие, то  $L(M)$  – квазимногообразие.

В [2] показано, что если  $K$  – произвольное множество нильпотентных групп класса  $\leq 2$  без элементов порядка 2, такое, что во всякой группе из  $K$  централизатор любого элемента, не принадлежащего центру этой группы, является абелевой подгруппой, то  $L(qK) \subseteq N_3$ , где  $N_3$  многообразие нильпотентных групп степени  $\leq 3$ .

В настоящей работе доказана следующая

**Теорема.** *Пусть  $K$  – произвольное множество нильпотентных групп без кручения класса  $\leq 2$ , содержащее неабелеву группу. Предположим, что во всякой группе из  $K$  централизатор любого элемента, не принадлежащего центру этой группы, является абелевой подгруппой. Тогда  $L(qK)$  совпадает с квазимногообразием нильпотентных групп без кручения степени  $\leq 3$ .*

### Литература

1. Будкин А.И. Квазимногообразие Леви // Сиб. матем. ж. 40, №2 (1999). С. 266–270.
2. Будкин А.И., Таранина Л.В. О квазимногообразиях Леви, порожденных нильпотентными группами // Сиб. матем. ж. 41. №2 (2000), С. 270–277.