



## Вычислительная сложность задачи логического анализа для адаптивно-логической модели естественного языка

*В.А. Крайванова*  
АлтГТУ, г. Барнаул

Человеко-машинный интерфейс на естественном языке (ЕЯ) не является универсальным, однако существует достаточно широкий круг задач, в которых человеку проще сформулировать свое пожелание в виде фразы на ЕЯ, чем в терминах формальных человеко-машинных интерфейсов. Причем эти задачи не требуют полноценного семантического анализа всех нюансов речи, зачастую достаточно буквального понимания фраз. Для создания ЕЯ-интерфейса предлагается модель логического анализа фраз.

Пусть  $W$  – конечное множество известных в модели слов, на котором введены отношение синонимичности и иерархия понятий. В качестве представления фраз на ЕЯ нами выбрана функциональная форма, функциональными символами являются слова из лексикона  $W$ , а типами аргумента синтаксическими отношениями между ними. О функциональной форме удобно говорить, как о дереве. Такое помеченное дерево фразы (ПДФ) в том или ином виде строят практически все синтаксические анализаторы. Задача логического анализа фразы заключается в том, чтобы свести некоторую начальную фразу  $\phi$  к множеству фраз, определяющих команды и понятных объекту управления. Механизм преобразования фраз описывается конечным множеством правил контекстной замены *Rules*. В общем виде правило задается парой  $r = \langle H \rightarrow C, Parameters \rangle$ , где  $H$  и  $C$  – гипотеза и следствие правила, представленные двумя ПДФ, некоторые вершины которых, возможно, помечены не словами из  $W$ , а параметрами. *Parameters* – множество параметров правила. Значением параметра  $p_i$  может стать ПДФ, корень

которого помечен словом, обобщаемым некоторым множеством понятий  $N_i \subseteq W$ . Часть правил являются заключительными и представляют собой шаблоны команд объекта управления. На основе введенных определений задачу логического анализа фразы  $\phi$  можно сформулировать следующим образом: найти множество  $E_\phi$  всех заключительных функциональных форм, выводимых из данной функциональной формы  $\phi$  с помощью цепочек вывода длины не более  $Lenght$ .

Эта задача является NP-трудной. Действительно, пусть  $T = \langle K, \Sigma, \delta, q_0, f, a_0 \rangle$  – машина Тьюринга (MT), решающая некоторую произвольную NP задачу. Здесь  $K$  – множество состояний MT,  $\Sigma$  – алфавит ленты MT,  $\delta = \{q_i a \rightarrow q_j b D \mid q_i, q_j \in K; a, b \in \Sigma, D \in \{R, L, E\}\}$  – функция переходов,  $R$  – смещение головки вправо,  $L$  – смещение головки влево,  $E$  – головка стоит на месте;  $q_0$  – начальное состояние MT;  $f$  – конечное состояние MT;  $a_0$  – символ пустой ячейки. Сведем задачу, решаемую машиной  $T$  к Задаче 1 следующим образом:

Множество слов  $W = K \cup \Sigma \cup \{SYMBOL, SPECWORD\}$ ,  $SYMBOL$  – понятие, обобщающее все слова из множества  $\Sigma$ ,  $SPECWORD$  – специальное слово для обозначения начала и конца текущей цепочки.

Конфигурация MT  $\langle a_1, \dots, a_m, q_i, b_1, \dots, b_m \rangle$  представляется в виде функциональной формы следующим образом:  $w_0(a_1( \dots (a_m(q_i(b_1( \dots (b_m(w_0) \dots ) \dots ) \dots ) \dots ) \dots ) \dots ) \dots )$ . Множество правил  $Rules$  получается из функции переходов  $\delta$  следующим образом.

Команда вида  $q_i a \rightarrow q_j b E$  описывается правилом  $\langle q_i(a(\$X)) \rightarrow q_j(b(\$X)), Parameters = \{ \langle \$X, \{SYMBOL\} \rangle \} \rangle$ .

Команда вида  $q_i a \rightarrow q_j b R$  описывается правилами  $\langle q_i(a(\$X)) \rightarrow b(q_j(\$X)), Parameters = \{ \langle \$X, \{SYMBOL\} \rangle \} \rangle$ ,  
 $\langle q_i(a(SPECWORD)) \rightarrow b(q_j(w_0(SPECWORD))) \rangle, Parameters = \emptyset \rangle$ .

Команда вида  $q_i a \rightarrow q_j b L$  описывается правилами  $\langle \$Y(q_i(a(\$X)) \rightarrow q_j(\$Y(b(\$X))), Parameters = \{ \langle \$X, \{SYMBOL, SPECWORD\} \rangle, \langle \$Y, \{SYMBOL\} \rangle \} \rangle$ ,  
 $\langle SPECWORD(q_i(a(\$X))) \rightarrow SPECWORD(q_j(w_0(b(\$X)))) \rangle, Parameters = \{ \langle \$X, \{SYMBOL, SPECWORD\} \rangle \}$ .

Заключительное правило будет иметь следующий вид:  $f$ .

Очевидно, что применение правила к функциональной форме конфигурации MT равносильно выполнению команды над конфигурацией. Таким образом, любая NP задача сводится к рассматриваемой задаче, а значит, рассматриваемая задача является NP-трудной.

Чтобы построить достаточно эффективные для практического использования алгоритмы, разработан ряд оптимизирующих эвристик на основе структуры ПДФ и специальная структура данных на основе схем ПДФ. Схема  $Template(\phi)$  – это дерево фразы  $\phi$  без пометок вер-

шин. Модель дополнена адаптивными механизмами, позволяющими извлекать новые знания для лексикона и базы правил из предложений на ЕЯ непосредственно в процессе функционирования модели.

Предложенная математическая модель реализована в виде ядра программной архитектуры AL System для создания человеко-машинных интерфейсов на естественном языке (Свидетельство о государственной регистрации программы для ЭВМ №2009610579).

## **Внутренний интервал для множества решений системы линейных неравенств**

*И.А. Шарая*

*ИБТ СО РАН, Новосибирск*

Рассмотрим систему линейных неравенств  $Ax \geq b$ , где  $A$  – заданная вещественная матрица размера  $m$  на  $n$  без нулевых строк,  $b$  – заданный вещественный вектор длины  $m$ ,  $x$  – неизвестный вещественный вектор длины  $n$ . Обозначим множество решений этой системы через  $S$ , а  $i$ -ую строку матрицы  $A$  через  $A_i$ .

Для формулировки результатов нам понадобятся некоторые термины из интервального анализа. Приведем их в геометрическом толковании.

Интервалом на вещественной оси называется всякий отрезок или точка. Если на каждой координатной оси в  $R_n$  мы выберем по интервалу и возьмем их прямое произведение, получим множество, которое называется интервальным вектором или интервалом в  $R_n$ .

Рассмотрим интервал в  $R_n$ . Нижним его концом называется точка этого интервала, имеющая минимальные координаты по всем компонентам, а верхним концом – точка, имеющая максимальные координаты по всем компонентам. Шириной интервала называется разность верхнего и нижнего концов. Радиусом интервала называется половина его ширины. Центром (серединой) интервала называется полусумма концов.

Интервалы, в отличие от вещественных чисел и векторов, обозначаются жирным курсивом.

Перейдем к оцениванию множества решений системы линейных неравенств.

Интервал  $x$  из  $R^n$  будем называть внутренним интервалом для множества  $S$ , если  $x$  содержится в  $S$ .

**Утверждение 1.** *Интервал  $x$  является внутренним для множества  $S$  тогда и только тогда, когда  $Ax \geq b$  в интервальной арифметике.*