

Секция 1. АЛГЕБРА И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ ЛОГИКА

УДК 512.54

О новом классе m -групп

Н.В. Баянова

АлтГУ, г. Барнаул

Согласно [1], m -группой называется алгебраическая система G сигнатуры $m = \langle G, \cdot, e, ^{-1}, \vee, \wedge, \varphi \rangle$, где $\langle G, \cdot, e, ^{-1}, \vee, \wedge \rangle$ является решеточно упорядоченной группой (ℓ -группой) и φ есть автоморфизм второго порядка группы $\langle G, \cdot, e, ^{-1} \rangle$ и антиизоморфизм решетки $\langle G, \vee, \wedge \rangle$, т.е. для любых $x, y \in G$ выполнены соотношения:

$$\varphi(xy) = \varphi(x)\varphi(y), \quad \varphi^2(x) = x,$$

$$\varphi(x \wedge y) = \varphi(x) \vee \varphi(y), \quad \varphi(x \vee y) = \varphi(x) \wedge \varphi(y).$$

В дальнейшем φ называем реверсивным автоморфизмом ℓ -группы G второго порядка. Свойства реверсивных автоморфизмов второго порядка были изучены в [2].

Согласно [3], обозначим через $A(n, 2)$, $n \in N$, группу

$$A(n, 2) = \langle p \langle u_1, \dots, u_n, a \parallel [u_i, u_j] =$$

$$= [(u_1^{\sigma_1} \dots u_n^{\sigma_n})^{-1} a u_1^{\sigma_1} \dots u_n^{\sigma_n}, a] = e \rangle,$$

где $(\sigma_1, \dots, \sigma_n) \in M_n = \{(\sigma_1, \dots, \sigma_n) \mid \sigma_i \in \{0, 1\}\}$, $i, j = 1, 2, \dots, n$. Решеточный порядок на группе $A(n, 2)$, $n \in N$ определим соотношениями:

$$1) \quad u_1 \gg u_2 \gg \dots \gg u_n \gg a > e,$$

$$2) \quad a \wedge (u_1^{\sigma_1} \dots u_n^{\sigma_n})^{-1} a u_1^{\sigma_1} \dots u_n^{\sigma_n} = e,$$

при $\sum_{i=1}^n \sigma_i \neq 0$, $(\sigma_1, \dots, \sigma_n) \in M_n$.

Справедлива следующая

Теорема. *Отображение $\varphi: A(n, 2) \rightarrow A(n, 2)$ определяемое правилом*

$$\varphi(u_i) = u_i^{-1}, \quad \varphi(a) = a^{-1}, \quad \varphi(a^{u_1^{\sigma_1} \dots u_n^{\sigma_n}}) = (a^{u_1^{\sigma_1} \dots u_n^{\sigma_n}})^{-1},$$

где $i = 1, \dots, n$ и $\sum_{i=1}^n \sigma_i \neq 0$, $(\sigma_1, \dots, \sigma_n) \in M_n$ является реверсивным автоморфизмом второго порядка ℓ -группы $A(n, 2)$.

Библиографический список

1. Giraudet M., Rachunek J. Varieties of half lattice-ordered groups of monotonic permutations of chains // Czech. Math. J. – 1999. – V. 49, № 124. – P. 743–766.
2. Баянова Н.В., Никонова О.В. Реверсивные автоморфизмы решечно упорядоченных групп // Сиб. мат. ж. – 1995. – Т. 36, № 4. – С. 765–768.
3. Гурченков С.А. Многообразия ℓ -групп с тождеством $[x^p, y^p] = e$ конечно-базируемы // Алгебра и логика. – 1984. – Т. 23, №1. – С. 27–47.

УДК 512.57

Об абсолютно замкнутых группах в квазимногообразиях групп

А.И. Будкин

АлтГУ, г. Барнаул

Квазимногообразие групп – это класс групп, определяемый специальными формулами, называемыми квазитожествами.

Пусть H – подгруппа группы G , S – свободное произведение в данном квазимногообразии M группы G на G с объединенной подгруппой H . Группа H называется замкнутой в G (относительно M), если пересечение свободных сомножителей группы S совпадает с H . Группа H называется абсолютно замкнутой в классе M , если она замкнута в каждой группе из M , содержащей H . Группа H называется n -замкнутой в классе M , если она замкнута в каждой группе G из M , порожденной по модулю H n элементами.

Теорема. Если для каждого натурального числа n группа H n -замкнута в квазимногообразии M , то H абсолютно замкнута в этом квазимногообразии.