

направлении исследования строения групп, покрываемых системой нормальных подгрупп.

Зафиксируем простое число p , $p \neq 2$. Будем рассматривать группу

$$A = gr \left(a, b \mid a^2 = 1, b^p = 1, a^{-1}ba = b^{-1} \right).$$

Пусть N – многообразие групп, заданное тождествами:

$$(\forall x)(x^{2p} = 1), (\forall x)(\forall y)([x^2, y^2] = 1), (\forall x)(\forall y)([x, y]^p = 1).$$

Через M обозначим многообразие, задаваемое формулами:

$$\begin{aligned} &(\forall x)(x^{2p} = 1), \\ &(\forall x)(\forall y)([x, y, x]^p = 1), \\ &(\forall x)(\forall y)(\forall z)(\left[(x^y)^2, (x^z)^2 \right] = 1), \\ &(\forall x)(\forall z)(\forall u)(\forall v)(\left[x^u, x^v, (x^z)^2 \right] = 1), \\ &(\forall x)(\forall y)(\forall z)(\forall u)(\forall v)(\left[x^u, x^v, [x^y, x^z] \right] = 1). \end{aligned}$$

Лемма. Многообразие, порожденное группой A , совпадает с многообразием N .

Теорема. Класс Леви, порожденный многообразием N , совпадает с многообразием M .

УДК 512.57

О квазимногообразиях групп аксиоматического ранга 2

Д.С. Отмахов
АлтГУ, г. Барнаул

Аксиоматический ранг квазимногообразия – это наименьшее число n такое, что данное квазимногообразие можно задать системой квазитожеств от n переменных. Множество квазимногообразий аксиоматического ранга не выше n образуют решетку.

В работе найдено описание квазимногообразий групп аксиоматического ранга не выше двух, содержащихся в многообразии N 2-ступенно нильпотентных групп экспоненты p^2 , с коммутантом экспо-

ненты p , где p – фиксированное простое число, $p \neq 2$. Построена решетка, состоящая из этих квазимногообразий, которая оказалась недистрибутивной.

Рассматриваются группы, имеющие в N следующие представления: $A = gr(x, y \mid y^p = 1)$, $B = gr(x, y \mid \emptyset)$, $C = gr(x, y \mid x^p = y^p = 1)$, $D = gr(x, y \mid x^p[x, y] = y^p = 1)$, $F = gr(x, y \mid x^p[x, y] = 1)$.

Теорема 1. Всякая 2-порожденная группа из N изоморфна одной из этих групп.

Теорема 2. Решетка квазимногообразий, содержащихся в N , аксиоматического ранга не выше 2 состоит из десяти элементов.

УДК 511-33

Замечательная таблица степеней четных чисел

М.И. Стальная, С.Ю. Еремочкин, Д.А. Королев
АлтГТУ им. И.И. Ползунова, Барнаул

Часто при решении каких-либо задач возникает проблема извлечения корня высокой степени из целого действительного числа, когда под рукой нет соответствующего вычислительного электронного устройства (калькулятор, компьютер и др.), или данное устройство не вмещает необходимого количества символов. Тогда возникает вопрос: «Можно ли без помощи электроники, определить, извлекается ли корень n -ой степени из данного числа?». Для того чтобы ответить на данный вопрос был проведен ряд исследований [1, 2].

На основании проведенных исследований, разработана таблица 1, выявленных закономерностей при возведении четных чисел в « n » степень. Из таблицы видно, что при возведении четных чисел ряда 2, 12, 22 ... в степени 2, 6, 10 ... окончание чисел будет всегда иметь цифру 4. И, например, при возведении числа 6, 16, 26... в « n » степень - окончание числа всегда будет иметь цифру 6. Тогда как, например, возведение чисел 8, 18, 28... в 3, 7, 11 степень, будет всегда иметь окончание 2. Выявленные закономерности были сведены в таблицу 1.