

Секция 1. АЛГЕБРА И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ ЛОГИКА

Немодулярные решетки квазимногообразий аксиоматического ранга два

Ю.А. Авцинова
АлтГУ г. Барнаул

Говорят, что аксиоматический ранг квазимногообразия равен n , если это квазимногообразие можно задать системой квазитожеств от n переменных и нельзя задать системой квазитожеств от меньшего числа переменных.

Пусть K – класс групп, заданный тождествами:

$$(\forall x)(\forall y)([x, y, x] = 1), \quad (\forall x)(\forall y)([x, y]^2 = 1).$$

Рассмотрим группы, имеющие в этом классе представления:

$$G_1 = \langle p(a, b) \mid a^4 = 1, b^4 = 1, [a, b]^2 = 1, [a, b, a] = [a, b, b] = 1 \rangle,$$

$$G_2 = \langle p(a, b) \mid a^8 = 1, b^4 = 1, [a, b]^2 = 1, [a, b, a] = [a, b, b] = 1 \rangle.$$

Обозначим:

$L_q(M)$ – решетка квазимногообразий, содержащихся в квазимногообразии M ;

q_2G – наименьшее квазимногообразие, содержащее группу G и заданное квазитожествами от двух переменных.

Теорема 1. Квазимногообразия $q_2Z_4, q_2Z_8, q_2G_1, q_2G_2, q_2(G_1 \times Z_8)$ образуют немодулярную подрешетку решетки $L_q^2(K)$.

Теорема 2. $q_2G_1 \vee q_2G_2 \neq q_2G_1 \vee_2 q_2G_2$.

Работа выполнена при финансовой поддержке АБЦП «Развитие научного потенциала высшей школы» (мероприятие 1).

Слабые тождества в дискриминирующих ℓ -группах

Н.В. Баянова
АлтГУ, г. Барнаул

Согласно [1], решеточно упорядоченная группа (ℓ -группа) H отделяется ℓ -группой G , если для любого нетривиального $h \in H$ суще-